

# Osnovne podatkovne strukture in algoritmi

Matevž Jekovec, Tomaž Hočevar

Univerza v Ljubljani  
Fakulteta za računalništvo in informatiko

Programiranje v višji prestavi  
6. julij 2015

- ▶ TopCoder
  - ▶ Tekmovanja iz programiranja, oblikovanja in analize podatkov
  - ▶ Denarne nagrade
- ▶ CodeForces
  - ▶ Ogromna zbirka tekmovalnih nalog iz programiranja
  - ▶ Tekmovanja iz programiranja, običajno brez denarnih nagrad
- ▶ CodeChef
  - ▶ Zbirka tekmovalnih nalog in organizirana tekmovanja (nekaj na mesec)
  - ▶ Manjše denarne nagrade
- ▶ Letno tekmovanje iz programiranja z bogatimi nagradami:
  - ▶ Google Code Jam
  - ▶ Facebook Hacker Cup

# Fizična tekmovanja

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ Tekmovanja iz programiranja v Sloveniji:
  - ▶ ACM RTK (dijaki)
  - ▶ ZOTKS Festival inovativnih tehnologij (dijaki)
  - ▶ ACM UPM (študenti)
- ▶ Mednarodna tekmovanja iz programiranja:
  - ▶ CEOI (dijaki)
  - ▶ IOI (dijaki)
  - ▶ ACM CERC (študenti)
  - ▶ ACM ICPC (študenti)
  - ▶ ACM SIGMOD programming contest (študenti,  
raziskovalci s področja obdelave velikih podatkov)

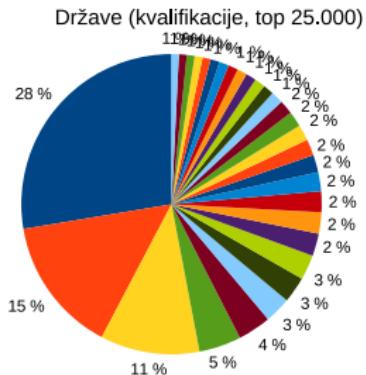
Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

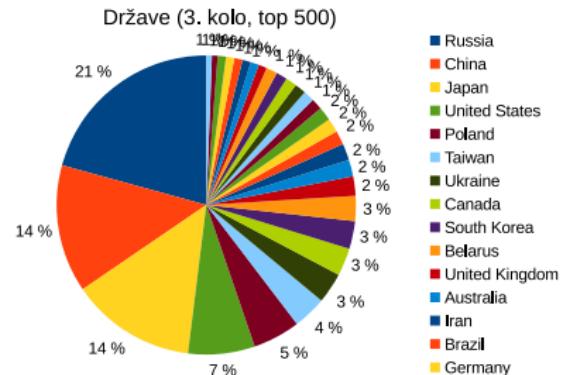
Podatkovne  
strukture

Algoritmi

## ► Code jam 2015



- India
- United States
- China
- Russia
- Japan
- Canada
- South Korea
- France
- Egypt
- Brazil
- Taiwan
- Poland
- Bangladesh
- Ukraine
- Australia



- Russia
- China
- Japan
- United States
- Poland
- Taiwan
- Ukraine
- Canada
- South Korea
- Belarus
- United Kingdom
- Australia
- Iran
- Brazil
- Germany

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

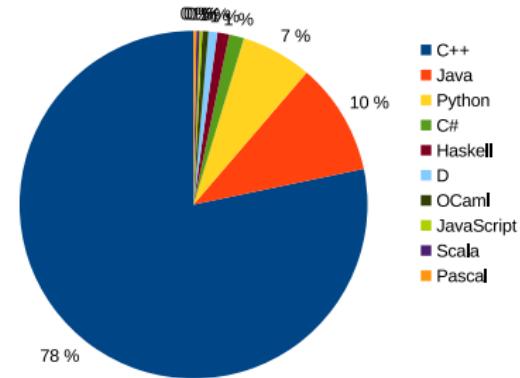
Podatkovne  
strukture

Algoritmi

## ► Code jam 2015



Programski jeziki (3. kolo, top 500)



## Učbeniki v angleščini:

- ▶ Cormen, Leiserson, Rivest, Stein: Introduction to Algorithms (3rd ed.)
- ▶ Sedgewick, Wayne: Algorithms (4th ed.)
- ▶ Berg, Cheong, Kreveld, Overmars: Computational Geometry: Algorithms and Applications (3rd ed.)

## V slovenščini:

- ▶ Slovenski prevod prosto dostopne knjige Open Data Structures (<http://sl.opendatastructures.org/>)
- ▶ Zborniki rešenih tekmovalnih nalog ACM RTK od leta 1988 dalje. (<http://rtk.ijs.si>)

## C++ in STL dokumentacija:

- ▶ <http://cplusplus.com/reference>
- ▶ <http://en.cppreference.com>

# Temeljne podatkovne strukture

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ tabela/polje (vector)
- ▶ seznam (list)
- ▶ vrsta (queue)
- ▶ sklad (stack)
- ▶ vrsta s prednostjo (priority-queue)
- ▶ množica (set)
- ▶ slovar (map)

# Tabela/polje (vector)

- ▶ Hiter dostop do poljubnega elementa.
- ▶ Velikosti so znane vnaprej (statična alokacija).

```
#define N 10000
int tab[N];
```

vector je 1D tabela dinamične velikosti. Uporaba (STL):

```
vector<int> v = {5,8,2};
v.push_back(3);
cout << v[v.size()-1] << endl;
```

# Seznam (list)



- ▶ Počasen dostop do poljubnega elementa.
- ▶ Vstavljanje/Brisanje: i) dinamična alokacija in ii)  
prevezava sosednjih elementov.

Uporaba (STL):

```
list<int> l = {12,99,37};  
l.insert(l.end(),4);  
auto it = find(l.begin(),l.end(),99);  
l.insert(it, 1);  
l.erase(it);  
for (int x : l) cout << x << endl;
```

# Vrsta (queue)

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ FIFO: first-in, first-out
- ▶ Operacije: push, front, back, pop

Uporaba (STL):

```
queue<int> q;  
q.push(9); q.push(1);  
q.pop();  
cout << q.front() << endl;
```

S pomočjo krožne tabele (*circular buffer*):

```
int q[N], h=0, t=0;  
q[t++]=9; q[t++]=1;  
h++;
```

# Primer uporabe vector, queue

## Dosegljivost v grafu (iz točke 0)

```
int n,e;
vector<int> sosedi[100000];
int mark[100000], st=0;

int main() {
    scanf("%d %d",&n,&e);
    for (int i=0;i<3;i++) {
        scanf("%d %d",&a,&b);
        sosedi[a].push_back(b);
        sosedi[b].push_back(a);
    }
    ...
}
```

```
queue<int> q;
q.push(0);
mark[0]=1;
while (!q.empty()) {
    int x=q.front();
    q.pop();
    st++;
    for (int y : sosedi[x])
        if (!mark[y]) {
            q.push(y);
            mark[y]=1;
        }
}
cout << st << endl;
return 0;
}
```

# Sklad (stack)

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ LIFO: Last-in, first-out
- ▶ Operacije: push, top, pop

Uporaba (STL):

```
stack<int> s;  
s.push(9); s.push(1);  
s.pop();  
cout << s.top() << endl;
```

Uporaba s tabelo:

```
int s[N], n=0;  
s[n++]=9; s[n++]=1;  
n--;  
cout << s[--n] << endl;
```

# Primer uporabe stack

- ▶ Rekurzivni klici funkcij.
- ▶ Sprehod po drevesu.

```
struct Node {  
    int value;  
    vector<Node*> children;  
}
```

```
void preorderTraversal(Node *root) {  
    stack<Node*> nodes;  
    nodes.push(root);  
    while (!nodes.empty()) {  
        Node *current = nodes.top();  
        cout << current->value;  
        nodes.pop();  
        for (Node *c : current->children) nodes.push(c);  
    }  
}
```

# Vrsta s prednostjo (priority\_queue)

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ Vrsta s prioritetami elementov — najpomembnejši naprej.

Uporaba (STL):

```
priority_queue<int> p;  
p.push(1); p.push(9); p.push(3);  
p.pop();  
cout << p.top() << endl;
```

Uporaba s seznamom (počasi!), bolje drevesna struktura — kopica (*heap*).

# Primer uporabe (priority\\_queue)

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ Urejanje — *heap sort*
- ▶ Iskanje najkrajših poti — *Dijkstra*
- ▶ Razvrščanje internetnih paketkov (zvok/slika ima prednost pred spletom)

Naloga:

Imamo  $n$  palic z dolžinami  $a_i$ , ki bi jih radi razrezali na čim manjše kose. Naredimo lahko  $k$  rezov – izberemo neko palico in jo na poljubnem mestu razrežemo na dva kosa. Tako dobimo  $n + 1$  palic, ostane pa nam še  $k - 1$  rezov. Želimo doseči, da bo na koncu najdaljša palica čim krajša! Kako?

$$n = 5, k = 3$$

$$a = [10, 7, 4, 16, 4]$$

# Množica (set)

- ▶ Množica elementov, elementi se ne podvajajo, vrstni red ni pomemben.
- ▶ Operacije: insert, remove, contains, size

## Uporaba (STL):

```
set<int> s = {6,8,2,8,4};  
s.insert(6); s.insert(7);  
s.erase(8);  
cout << s.size() << " " << s.count(6);
```

Običajno implementiran z **urejeno drevesno strukturo**, kar lahko izkoristimo!

- ▶ lower\_bound (bisekcija),
- ▶ iteratorji.

# Slovar (map)

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ Preslika ključ → vrednost.
- ▶ Podoben set-u, vsak ključ se pojavi kvečjem 1-krat.

Uporaba (STL):

```
map<vector<int> ,int> m;  
m[{0,0,1}]=1;  
m[{1,1,0}]=6;  
cout << m.count({1,0,1}) << endl;
```

# Iteratorji

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

Iterator je ovoj (*wrapper*) okoli kazalca na mesto v zaporedju. Večina operacij (brisanje, vrivanje, iskanje) zahteva pozicijo v obliki iteratorja in ne indeksa elementa.

Operacije:

- ▶ Iterator dobimo prek obstoječe podatkovno strukturo:

```
vector<int> myvector;  
vector<int>::iterator a = myvector.begin();  
vector<int>::iterator b = myvector.end();
```
- ▶ Naslednji/Prejšnji element: `++a`, `a++`, `--a`, `a--`
- ▶ Skok: `a+7`
- ▶ Kako dobiti element, na katerega kaže iterator?  
`cout << *a;`

# Iteratorji (primer)

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

```
#include <iostream>
#include <vector>

int main ()
{
    std::vector<int> myvector;
    for (int i=1; i<=5; i++) myvector.push_back(i);

    std::cout << "myvector contains:";
    for (auto it = myvector.begin();
         it != myvector.end(); ++it)
        std::cout << ' ' << *it;
    std::cout << '\n';

    return 0;
}
```

# Vgrajeni algoritmi #include<algorithm>

Osnovne  
podatkovne  
strukture in  
algoritmi

Uvod

Podatkovne  
strukture

Algoritmi

- ▶ Min/Max: `min`, `max`, `min_element`, `max_element`
- ▶ Masovno spremenjanje podatkov: `copy`, `move`, `replace`,  
`fill`, `unique`, `reverse`, `rotate`, `partition`
- ▶ Urejanje: `sort`, `stable_sort`, `is_sorted`
- ▶ Iskanje: `binary_search`, `lower_bound`
- ▶ In še več: `lexicographical_compare`,  
`next_permutation`

# Vgrajeni algoritmi (primer)

Izgradnja priponskega polja (urejanje+podan comparator).

```
const char *text="abcabc";
const int N=6;
```

```
bool suffixCompare( int a, int b ) {
    int i;
    for (i=0; (i<N - max(a,b)) &&
          (text[a+i])==(text[b+i]); i++);
    if ( i == N - max(a,b) ) { return a>b; }
    else { return (text[a+i] < text[b+i]); }
}

int main() {
    vector<int> sa = {0,1,2,3,4,5};
    std::sort(sa.begin(), sa.end(), suffixCompare);
}
```